

Чана, 1990 г., увенчались относительным успехом, в достаточных препаративных количествах ТБГ не был получен, при его выделении из клеточных культур были слишком большие потери белка и его активности. В настоящее время в нашей стране ведет активную работу по получению и изучению рекомбинантного ТБГ академик РАМН В.П. Чехонин. Лабораторные образцы рекомбинантных PSG, полученные различными исследователями демонстрируют выраженные иммуномодуляторные свойства, что внушает определенный оптимизм к перспективам работ этого направления.

Успехи в изучении структуры ТБГ, позволяют надеяться на положительное решение проблемы создания на основе этого белка иммуномодуляторных препаратов. К ТБГ можно отнести 11 гликопротеинов (PSG), белковая часть каждого из которых представлена единичной полипептидной цепью с высокой степенью гомологии и молекулярным весом (MW) от 37 до 49 кД. Углеводная часть PSG может составлять от 21 до 32% от общей молекулярной массы белковой молекулы. Таким образом, гликозилированные молекулы могут иметь MW от 46 до 72 кД. В различных PSG человека может содержаться от 3 до 8 участков гликозилирования, в которых чаще всего через аспарагин к полипептидной цепи присоединен олигосахарид,

включающий галактозу, маннозу, фукозу, N-ацетилглюкозамин и нейраминовою кислоту. Полипептидная цепь различных PSG формирует от 2 до 4 иммуноглобулиноподобных доменов. Пространственная структура PSG стабилизируется дисульфидными связями, положение которых отличается высокой консервативностью. Молекулы ТБГ содержат от 5 (PSG2 и PSG5) до 8 (PSG10) остатков цистеина, которые формируют от 2 (PSG2, 5, 11) до 3 дисульфидных связей. В первичной структуре различных PSG выявлены (А.А. Терентьев, 1998, 1999) тетрапептидные участки: YQCE (присутствует во всех PSG), YECE и YACS (присутствуют в большинстве типов PSG), являющиеся консенсусным мотивом YxСx, входящим в гептапептид LDSYQCT – фрагмент альфа-фетопротейна (AFP<sub>14-20</sub>), у которого нами была выявлена иммуномодуляторная активность. Указанные последовательности синтезированы и проводится изучение их биологической активности, продемонстрирована их иммуномодуляторная активность. Начато структурно-функциональное картирование молекулы PSG1 и других представителей семейства раковоэмбрионального антигена.

*Работа выполнена при финансовой поддержке Российского гуманитарного научного фонда (грант № 09-06-00241а).*

## Новые технологии, инновации, изобретения

### Физико-математические науки

#### ОЦЕНКА ПАРАМЕТРОВ НАРАСТАЮЩИХ ВОЛНОВЫХ ВОЗМУЩЕНИЙ В ТУРБУЛЕНТНЫХ ПОТОКАХ С ВЕРТИКАЛЬНЫМ СДВИГОМ СКОРОСТИ

Потетюнко Э.М., Хартиев С.М.  
Южный Федеральный Университет,  
Ростов-на-Дону, Россия

Изучим влияние турбулентной вязкости и диффузии плотности на параметры нарастающих во времени (неустойчивых) внутренних волн, распространяющихся в течениях с вертикальным сдвигом скорости. Аналогичные исследования в рамках модели идеальной жидкости проведены в работе [1]. Методы исследования устойчивости волновых возмущений в непрерывно стратифицированных турбулентных потоках изложены в [2,3].

Рассмотрим безграничный в горизонтальных направлениях слой непрерывно стратифицированной несжимаемой вязкой жидкости постоянной глубины  $H$ . Выберем начало прямоугольной системы координат  $x, y, z$  на дне, ось  $z$  направим верти-

кально вверх. Исследуем устойчивость волнового процесса с вектором скорости

$$\vec{V}_B \{u(x, y, z, t), v(x, y, z, t), \omega(x, y, z, t)\}$$

происходящего на фоне стационарного плоскопараллельного течения, имеющего вертикальный

$$\vec{V}_T \{u_0(z), 0, 0\}$$

сдвиг скорости

Запишем линеаризованные уравнения гидродинамики и граничные условия в виде [2,3]:

$$D_t u + \frac{du_0}{dz} \omega = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial x} + \Delta_v u + \frac{\rho}{\rho_0} \frac{d}{dz} A_H \frac{du_0}{dz}, \quad (1)$$

$$D_t v = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial y} + \Delta_v v, \quad (2)$$

$$D_t \omega = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial z} + \Delta_v \omega - g \frac{\rho}{\rho_0}, \quad (3)$$

$$D_t \rho - \frac{d\rho_0}{dz} \omega = A \left( \frac{\partial^2 \rho}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \rho}{\partial y^2} \right), \quad \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial \omega}{\partial z} = 0; \quad (4)$$

$$u = v = \omega = 0 \text{ при } z = 0; \quad (5)$$

$$A_H \frac{\partial u}{\partial z} + A_L \frac{\partial \omega}{\partial x} + \frac{\rho}{\rho_0} A_H \frac{du_0}{dz} = 0, \quad A_H \frac{\partial v}{\partial z} + A_L \frac{\partial \omega}{\partial y} = 0, \quad (6)$$

$$\omega = 0 \text{ при } z = H. \quad (7)$$

Здесь

$$D_t = \frac{\partial}{\partial t} + u_0 \frac{\partial}{\partial x}; \quad \Delta_v = A_L \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) + \frac{\partial}{\partial z} A_H \frac{\partial}{\partial z}; \quad (8)$$

$A_L(z)$  и  $A_H(z)$  – коэффициенты горизонтальной и вертикальной турбулентной вязкости ( $A_L > 0$ ,  $A_H > 0$ );  $A(z)$  – коэффициент горизонтальной диффузии плотности ( $A > 0$ );  $g$  – ускорение свободного падения;  $\rho_0(z)$  – стационарная плотность;  $p$  и  $\rho$  – динамические добавки давления и плотности.

Предполагается, что возмущение полей скорости, давления и плотности вызывается только внутренними волнами. Это позволяет в краевой задаче для волновых флуктуаций заменить кинематическое и динамическое граничные условия одним граничным условием, которое «отфильтровывает» поверхностные волны [4,5].

Введем безразмерные переменные и функции

$$(x, y, z) = H(\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}), \quad V_0 = \sqrt{gH}, \quad t = g^{-1} V_0 \bar{t},$$

$$(u, v, \omega, u_0, v_0) = V_0(\bar{u}, \bar{v}, \bar{\omega}, \bar{u}_0, \bar{v}_0), \quad (\rho, \rho_0) = \rho_1(\bar{\rho}, \bar{\rho}_0),$$

$$p = \rho_1 V_0^2 \bar{p}, \quad A_H = \max A_H v_H(\bar{z}), \quad A_L = \max A_L v_L(\bar{z}), \quad A = \max A v(\bar{z}),$$

где  $\rho_1$  – некоторое среднее постоянное значение плотности. Неизвестные функции  $\bar{u}, \bar{v}, \bar{\omega}, \bar{p}, \bar{\rho}$  будем разыскивать в форме

$$(\bar{u}, \bar{v}, \bar{\omega}, \bar{p}, \bar{\rho}) = [U(z), V(z), W(z), P(z), R(z)] \exp[i(k\bar{x} + m\bar{y} - \sigma\bar{t})]. \quad (9)$$

Переходя в (1)-(8) к безразмерным переменным и подставляя (9), получим после несложных преобразований однородную задачу относительно  $W_1 = mU - kV$  и  $W$  (штрихами обозначены производные по  $\bar{z}$ ):

$$\delta l^{-1} (v_H W_1')' - [i(U_0 - c) + l\delta r v_L] W_1 = W U_1', \quad (10)$$

$$W_1(0) = 0, \quad W_1'(1) = 0, \quad (11)$$

$$\delta \{ i l^{-1} (v_H W'')'' - i l (v_H W')' - i l r [(v_L W')' - l^2 v_L W] \} - (c - U_0) W'' + \left[ l^2 (c - U_0) - U_0'' - \frac{i N^2}{l(c - U_0) - l \delta \alpha v_A} \right] W = 0, \quad (12)$$

$$W(0) = W'(0) = 0, \quad W(1) = W''(1) = 0. \quad (13)$$

Здесь

$$r = \max A_L / \max A_H, \quad \alpha = \max A / \max A_H, \quad l = \sqrt{k^2 + m^2},$$

$$U_0 = \bar{u}_0 k l^{-1}, \quad U_1 = \bar{u}_0 m l^{-1}, \quad \delta = \max A_H (H \sqrt{gH})^{-1};$$

$k, m$  – безразмерные волновые числа ( $k = \bar{k}H, m = \bar{m}H$ );  $c = \sigma l^{-1}$  – безразмерная фазовая скорость ( $\bar{\sigma} = V_0^{-1} g \sigma$ );  $N^2 = -\rho_0' / \rho_0$  – безразмерная частота Вейселя-Брента;  $\delta^{-1} = \bar{R}e$  – глобальное число Рейнольдса. Глобальное число Ричардсона в данном случае выбрано равным единице ( $\bar{R}i = 1$ ). При  $N \equiv 0, v_0 \equiv 0, \alpha = 0, A_L = A_H = v$  ( $v$  – кинематический коэффициент вязкости) уравнение (12) совпадает с уравнением Орра-Зоммерфельда [6].

Предполагая функции  $N^2, \bar{v}_0, \bar{u}_0, v_L, v_H, v_A$  и значения величин  $m, k, \delta, r, \alpha$  заданными, выберем в качестве параметра однородной краевой задачи (10)-(13) безразмерную фазовую скорость  $c$ .

Докажем, что все собственные значения однородной задачи (10), (11) ( $U_1' \equiv 0$ ) лежат в полуполосе

$$\min U_0 < c_0 < \max U_0, \quad c_1 < -\delta(2l^{-1} \min v_H + rl \min v_L), \quad (14)$$

где  $c = c_0 + ic_1$ . Умножим уравнение (10) на комплексно сопряженную с  $W_1$  функцию  $W_1^*$  и проинтегрируем по  $z$  от 0 до 1. Тогда, учитывая (11), имеем

$$\frac{\delta}{l} \int_0^1 v_H |W_1|^2 d\bar{z} + \int_0^1 [i(U_0 - c) + l\delta r v_H] |W_1|^2 d\bar{z} = \int_0^1 U_1' W_1^* W dz. \quad (15)$$

Полагая в (15)  $U_1' = 0$  и выделяя затем действительную и мнимую части, находим (черту при  $z$  далее опускаем)

$$\frac{\delta}{l} \int_0^1 v_H |W_1|^2 dz + \int_0^1 (c_1 + l\delta r v_L) |W_1|^2 dz = 0, \quad \int_0^1 |W_1|^2 (U_0 - c_0) dz = 0. \quad (16)$$

Используя неравенство Коши-Буняковского и учитывая граничные условия (11), (13) в точке  $z = 0$ , получаем:

$$\int_0^1 |W_1|^2 dz \leq \frac{1}{2} \int_0^1 |W_1'|^2 dz, \quad \int_0^1 |W|^2 dz \leq \frac{1}{2} \int_0^1 |W'|^2 dz \leq \frac{1}{4} \int_0^1 |W''|^2 dz. \quad (17)$$

Из (16) и первого неравенства (17) следует, что собственных значений однородной задачи (10), (11) вне области (14) не существует.

Рассмотрим теперь краевую задачу (12), (13). Представим уравнение (13) в виде:

$$\frac{\delta l}{k} \left\{ i(v_H W'')'' - il(v_H W')' - ilr[(v_L W')' - l^2 v_L W] \right\} - (\tilde{c} - \bar{u}_0) W'' + \left[ l^2(\tilde{c} - \bar{u}_0) - \bar{u}_0'' - \frac{iN^2[1 + (m/k)^2]}{i(\tilde{c} - \bar{u}_0) - lk^{-1}\delta l \alpha v_A} \right] W = 0, \quad (18)$$

где  $\tilde{c} = \frac{c}{k}$ . Если обозначить

$$\delta^{-1} \frac{k}{l} = \bar{Re}, \quad 1 + (m/k)^2 = \bar{Ri}, \quad (19)$$

то уравнение (18) и граничные условия (13) совпадают с краевой задачей, которая описывает двумерные возмущения (т.е. возмущения, у которых  $m = 0, V \equiv 0$ ). Таким образом, в силу оценки (14) будет справедливо утверждение о том, что трехмерная задача (10)-(13) имеет дополнительный спектр собственных значений  $c$ , не содержащийся в двумерной задаче, но он соответствует устойчивым возмущениям,  $c_l < 0$  (аналог теоремы Романова [7]). На основании данного утверждения можно сделать вывод, что все собственные значения задачи (10)-(13), соответствующие неустойчивым возмущениям, содержатся в спектре однородной краевой задачи (12), (13). Следовательно, если существует неустойчивое трехмерное возмущение с фазовой скоростью  $c$ , то существует и неустойчивое двумерное возмущение с такой же фазовой скоростью, но (см.(19)) уже при меньшем значении числа Рейнольдса и большем значении числа Ричардсона (аналог теоремы Сквайра). Это позволяет при изучении неустойчивых волновых возмущений свести исследование исходной краевой задачи (10)-(13) к анализу более простой спектральной задачи (12)-(13).

Умножим уравнение (12) на комплексно сопряженную с  $W$  функцию  $W^*$  и проинтегрируем по  $z$  от 0 до 1. Тогда, учитывая (13), запишем мнимую часть полученного равенства в виде:

$$\frac{\delta}{l} \int_0^1 |W''|^2 v_H dz + \int_0^1 |W''|^2 [c_1 + l\delta(v_H + r v_L)] dz + \int_0^1 |W|^2 \left\{ \delta r v_L l^3 + \frac{\delta \alpha v_A N^2 l}{(c_0 - U_0)^2 + (c_1 + \delta \alpha v_A l)^2} + c_1 \left[ l^2 + \frac{N^2}{(c_0 - U_0)^2 + (c_1 + \delta \alpha v_A l)^2} \right] \right\} dz = \cos \theta \cdot G, \quad (20)$$

где  $\theta$  – угол набегания волны на поток ( $\cos \theta = \frac{k}{l}$ );

$$G = \int_0^1 \bar{u}'_0 (\operatorname{Re} W \cdot \operatorname{Im} W' - \operatorname{Re} W' \cdot \operatorname{Im} W) dz. \quad (21)$$

Равенство (20) выполняется тождественно, когда  $c = c_0 + ic_1$  является собственным значением однородной краевой задачи (12), (13). Используя обобщенную теорему о среднем и соотношения (17), получаем, что в случае неустойчивых волновых возмущений ( $c_1 > 0$ ) равенство (20) нарушается при

$$\left( c_1 + \delta v_1 l + \frac{2\delta v_2}{l} \right) \int_0^1 |W'_1|^2 dz \geq \cos \theta \cdot G, \quad (22)$$

где  $v_1 = v_H(\xi_1) + rv_L(\xi_1)$ ,  $v_2 = v_H(\xi_2)$ ,  $\xi_1, \xi_2 \in (0; 1)$ .

Принимая во внимание очевидные соотношения (см. (21), (17)):

$$G \leq \max |\bar{u}'_0| \int_0^1 (|W|^2 + |W'|^2) dz \leq \frac{3}{2} \cdot \max |\bar{u}'_0| \int_0^1 |W'|^2 dz,$$

находим из (22) неравенство

$$c_1 + \delta v_1 l + \frac{2\delta v_2}{l} \geq \frac{3}{2} \cdot |\cos \theta| \cdot \max |\bar{u}'_0|, \quad (23)$$

которое обеспечивает реализацию условия (22). Следовательно, для существования неустойчивых волновых возмущений ( $c_1 > 0$ ) необходима перемена знака в неравенстве (23). Умножая обе части неравенства (23) на  $l$  и меняя его знак на противоположный, получаем для величины экспоненциального показателя роста амплитуд волновых возмущений (инкремента внутренних волн) такую оценку:

$$\sigma_1 \leq \frac{3}{2} \cdot |\cos \theta| \cdot \max |\bar{u}'_0| l - \delta v_1 l^2 - 2\delta v_2. \quad (24)$$

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

1. Маков Ю.Н., Степанянц Ю.А. О влиянии кривизны профиля скорости на параметры нарастающих волн в сдвиговых потоках // Океанология. – 1984. – 24, вып. 4. – С. 578-585.
2. Хартиев С.М., Черкесов Л.В. Влияние вязкости жидкости и силы Кориолиса на устойчивость внутренних волн // Докл. АН УССР. Сер. А. – 1983. – №3. – С. 61-65.
3. Букатов А.Е., Власенко В.И., Пухтыр Л.Д. и др. Динамика поверхностных и внутренних волн. – Киев: Наук. думка, 1988. – 192 с.

4. Черкесов Л.В., Иванов В.А., Хартиев С.М. Введение в гидродинамику и теорию волн. – Санкт-Петербург: Гидрометеоздат, 1992. – 264 с.

5. Потетюнко Э.Н., Черкесов Л.В., Шубин Д.С., Щербак Е.Н. Свободные колебания и обратные спектральные задачи. Волновые движения неоднородной жидкости. – М.: Вузов. книга, 2001. – 288 с.

6. Бетчов Р., Криминале В. Вопросы гидродинамической устойчивости. – М.: Мир, 1971. – 350 с.

7. Дикий Л.А. Гидродинамическая устойчивость и динамика атмосферы. – Л.: Гидрометеоздат, 1976. – 108 с.

### Технические науки

#### ДИАГНОСТИКА И КОРРЕКЦИЯ ГИПЕРВЕНТИЛЯЦИОННОГО СИНДРОМА У БОЛЬНЫХ САХАРНЫМ ДИАБЕТОМ ПОСРЕДСТВОМ БОС-CO<sub>2</sub> ТЕХНОЛОГИИ

Бахмутова Ю.В., Пятакович Ф.А., Якунченко Т.И.  
Белгородский Государственный Университет РФ,  
Белгород, Россия

Актуальность исследования. Гипервентиляционный синдром (ГВС) является широко распространенным состоянием, которое встречается от 5 до 10 % взрослого населения. Наиболее часто

этот синдром приходится на возрастной промежуток 30-40 лет [2,6]. ГВС проявляется усилением дыхания, нарастающей тревогой, ощущением нехватки воздуха, затруднением вдоха полной грудью. Возможно появление головной боли, чувства сердцебиения, сжатия в груди. При этом даже незначительная физическая нагрузка, эмоциональные перенапряжения ведут к углублению и учащению дыхания, что усугубляет гипоканию и гипоксию, происходит нарушение паттерна дыхания центрального генеза[1]. С данной патологией встречаются врачи разных специальностей, а об-