

*Физико-математические науки*

**СКОРОСТЬ ДВИЖЕНИЯ  
СЫПУЧЕГО МАТЕРИАЛА  
С ТОЧКИ ЗРЕНИЯ  
КОАКСИАЛЬНЫХ ЦИЛИНДРОВ**

**Исаев Ю.М., Семашкин Н.М.,  
Назарова Н.Н., Злобин В.А.**

*Ульяновская государственная  
сельскохозяйственная академия,*

*Ульяновск,*

*e-mail: isurmi@yandex.ru*

В большинстве устройства для перемещения сыпучих материалов содержат устройства загрузки, транспортирующую часть – спираль-

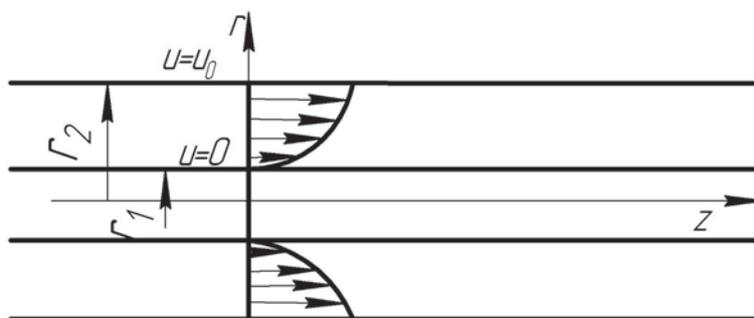
ный винт, кожух и разгрузочное устройство. Рассмотрим схему движения материала (рисунок) между двумя коаксиальными цилиндрами радиусом  $r_1$  и  $r_2$  соответственно в канале длиной  $L$ . Ось  $z$  направим вдоль оси цилиндров, а ось  $r$  перпендикулярно оси вдоль радиуса. Скорость  $u_0$ , связанная с кинематическими параметрами спирально-винтового рабочего органа, считается известной.

Сыпучий материал можно представить в виде вязкой несжимаемой жидкости со средней объемной плотностью  $\rho$  и вязкостью  $\nu$ , аналогом внутреннего трения. Опишем уравнениями Навье-Стокса, которые для вязкой несжимаемой жидкости с постоянной скоростью  $v = \text{const}$  и плотностью  $\rho = \text{const}$  в векторной форме принимают вид:

$$\vec{F} - \frac{1}{\rho} \text{grad}P + \nu \nabla^2 \vec{v} = \frac{\partial \vec{v}}{\partial t},$$

где  $F$  – вектор массовых сил;  $\rho$  – плотность, кг/м<sup>3</sup>;  $P$  – среднее нормальное давление в точке, Па;  $\nu$  – кинематический коэффициент вяз-

кости м<sup>2</sup>/с;  $v$  – скорость движения потока м/с;  $\nabla^2$  – дифференциальный оператор;  $t$  – время, с.



*Распределение скоростей при движении сыпучего материала между двумя коаксиальными цилиндрами*

В проекциях на оси цилиндрической системы координат уравнение имеет вид:

$$\begin{cases} \frac{\partial v_r}{\partial t} = F_r - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial r} + \nu \cdot \nabla^2 v_r; \\ \frac{\partial v_\varphi}{\partial t} = F_\varphi - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial \varphi} + \nu \cdot \nabla^2 v_\varphi; \\ \frac{\partial v_z}{\partial t} = F_z - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial z} + \nu \cdot \nabla^2 v_z. \end{cases}$$

После многочисленных математических преобразований получим скорость движения потока используя, функции Бесселя:

$$u(r,t) = \frac{u_0}{\ln \alpha} \left( \ln(r/r_1) - 2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(\alpha \mu_k \ln(\alpha) I_1(\alpha \mu_k) - I_0(\alpha \mu_k))}{\mu_k^2 I_1(\mu_k)} e^{-v \left(\frac{\mu_k}{r_1}\right)^2 t} I_0\left(\frac{\mu_k}{r_1} r\right) \right),$$

где  $u$  – скорость движения потока;  $r$  – текущий радиус;  $t$  – время движения потока;  $\alpha$  – уско-

рение переносного движения;  $I$  – функция Бесселя.

### КРИТИЧЕСКИЕ УСЛОВИЯ ПЕРЕМЕЩЕНИЯ ЧАСТИЦ В СПИРАЛЬНО-ВИНТОВОМ ТРАНСПОРТЕРЕ

Исаев Ю.М., Семашкин Н.М.,  
Злобин В.А.

Ульяновская государственная  
сельскохозяйственная академия,  
Ульяновск,  
e-mail: isurmi@yandex.ru

Работа вертикальных спирально-винтовых транспортеров отличается некоторыми особенностями, например, наличием критического числа оборотов шнека, ниже которого последний не перемещает материал.

Рассмотрим силы, действующие на элемент материала. На частицу, прилегающую к поверхности кожуха, без учета горизонтальной

составляющей нормальной реакции со стороны спирали под действием инерционной силы  $U$  возникает сила трения

$$T = \mu_k U = \mu_k m r \left( \omega - \frac{2\pi v_0}{S} \right)^2, \quad (1)$$

где  $\mu_k$  – коэффициент трения элемента о поверхность кожуха;  $S$  – шаг спирали;  $v_0$  осевая скорость перемещения частицы;  $\omega$  – угловая скорость вращения спирали.

Вес частицы  $mg$  совпадает по направлению с осью спирали. При установившемся движении частицы тангенциальные ускорения и соответствующие им инерционные силы отсутствуют. Спроектировав все силы, действующие на частицу, на ось  $Y$ , параллельную оси спирали, и ось  $X$ , лежащую в плоскости, касательной к поверхности цилиндра, получим следующие уравнения равновесия:

$$\sum Y = R \cos \alpha \cdot \cos \theta - mg - \mu R \sin \alpha - T \sin \beta = 0; \quad (2)$$

$$\sum X = T \cos \beta - R \sin \alpha \cos \theta - \mu R \cos \alpha = 0, \quad (3)$$

где угол  $\theta$  между нормальной реакцией поверхности спирали и осью  $Y$  характеризует геометрические характеристики спирали, цилиндрического кожуха и размер частиц сыпучего материала в транспортере и определяется по формуле:

$$\theta = \arcsin \left( \frac{r - r_2 + d}{2 - r_1} / \frac{r_1 + d}{2} \right), \quad (4)$$

где  $r$  – внутренний радиус цилиндрического кожуха;  $r_1$  – радиус частицы;  $r_2$  – радиус спирали;  $d$  – диаметр проволоки.

Решая уравнения (2), (3) исключением нормального давления  $R$  и силы трения  $T$ , получим уравнение:

$$\mu_k r \left( \omega - \frac{2\pi v_0}{S} \right)^2 \left( \frac{1}{\operatorname{tg}(\alpha + \varphi_1)} - \operatorname{tg} \beta \right) = g \sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 \beta}, \quad (5)$$

где  $\varphi_1 = \operatorname{arctg} \left( \frac{\mu}{\cos \theta} \right)$ .