

СТАТЬИ

УДК 004.855:004.93

**ИССЛЕДОВАНИЕ МЕТОДОВ СОКРАЩЕНИЯ РАЗМЕРНОСТИ
В ЗАДАЧЕ РАСПОЗНАВАНИЯ ОБРАЗОВ****Денисенко А.А.***ЧП Денисенко, Ирпень, e-mail: alexey.denisenko.work@gmail.com*

Распознавание образов – одна из фундаментальных задач в области компьютерного зрения, которая состоит в поиске и идентификации объектов на изображении или видеозаписи. Система, предназначенная для идентификации и классификации объектов, должна уметь находить их местоположение, а также выделять различные признаки объектов, такие как края, углы, цветовые различия и т.д. Во всех современных системах распознавания образов увеличение скорости и улучшение точности распознавания являются двумя главными критериями. Как правило, когда увеличивается скорость, точность уменьшается, и наоборот. В системах с большим числом параметров с увеличением размерности данных информация для анализа растет экспоненциально. Это называется «проклятием размерности» и влечет за собой множество недостатков – переобучение, меньшая интерпретируемость (как следствие, меньшая точность модели) и увеличение времени обучения. Методы сокращения размерности проецируют пространство с более высокой размерностью в пространство меньшей размерности, сохраняя как можно больше данных. Это позволяет устранить «проклятие размерности». В рамках работы было проведено исследование методов сокращения размерности с помощью PCA и t-SNE в задаче распознавания образов, в качестве которых были взяты рукописные цифры из набора данных MNIST. Была использована кросс-валидация для выбора количества используемых компонентов PCA и протестированы несколько методов классификации.

Ключевые слова: проклятие размерности, сокращение размерности, распознавание образов, машинное обучение, нейронные сети, метод главных компонент

**RESEARCH OF DIMENSIONALITY REDUCTION METHODS
IN THE PATTERN RECOGNITION PROBLEM****Denisenko A.A.***PE Denysenko, Irpen, e-mail: alexey.denisenko.work@gmail.com*

Pattern recognition is one of the fundamental problems of computer vision, which consists in detecting objects in images or videos. A system designed to identify and classify objects must be able to find their location, as well as highlight various features of objects such as edges, corners, color differences, etc. In all modern pattern recognition systems, increasing the speed and improving the accuracy of recognition are the two main criteria. Typically, as speed increases, accuracy decreases and vice versa. In systems with a large number of parameters, with an increase in the dimension of the data, the information for analysis grows exponentially. This is called the «curse of dimensionality» and entails many disadvantages – overfitting, less interpretability (as a result, less model accuracy) and increased training time. Dimensionality reduction techniques project a higher-dimensional space into a lower-dimensional space, retaining as much data as possible. This removes the «curse of dimensionality». As part of the work, a study of dimension reduction methods using PCA and t-SNE in the problem of pattern recognition was carried out, for which handwritten digits from the MNIST dataset were taken. Cross-validation was used to select the amount of PCA components used and several classification methods were tested.

Keywords: curse of dimensionality, dimensionality reduction, pattern recognition, machine learning, neural networks, principal component analysis

Во всех современных системах распознавания образов увеличение скорости и улучшение точности распознавания являются двумя главными критериями. Тем не менее эти параметры обычно работают друг против друга: когда увеличивается скорость, точность уменьшается, и наоборот. Это особенно важно при работе со сложными системами, описываемыми большим числом параметров, поскольку по мере увеличения размерности данных информация, необходимая для эффективного анализа, растет в геометрической прогрессии. В 1961 г. Ричард Беллман назвал эту проблему «проклятием размерности» [1]. Увеличение размерности пространства влечет за собой множество недостатков, таких как переобучение, мень-

шая интерпретируемость (как следствие, меньшая точность модели) и увеличение времени обучения. Популярными подходами ориентированы на то, чтобы спроецировать информационное пространство с более высокой размерностью в пространство меньшей размерности, сохраняя как можно больше данных [2]. Методы сокращения размерности обычно следуют этому общему принципу, чтобы устранить «проклятие размерности» и другие нежелательные факторы, присутствующие в данных с более высокой размерностью. Это сокращает время обучения и тестирования, удаляя менее важные признаки, а также увеличивает точность системы. Таким образом, исследование методов сокращения размерности данных является актуальной задачей.

Цель исследования: применение методов сокращения размерности к задаче распознавания образов.

Материалы и методы исследования

В качестве задачи распознавания образов в данной работе была выбрана задача распознавания рукописных символов текста на изображениях. В качестве набора данных использован набор MNIST, который состоит из 70 000 изображений: 60 000 обучающих для обучения модели и 10 000 тестовых для оценки точности. Каждое изображение MNIST – это оцифрованная картинка одной цифры, написанной от руки, имеющая размер 28×28 . Каждое значение пикселя лежит в диапазоне от 0 (представляет белый цвет) до 255 (представляет черный цвет). Промежуточные значения отражают оттенки серого. Задача состоит в распознавании цифр (от 0 до 9), поэтому имеется всего 10 классов для классификации.

Мотивация эксперимента заключалась в том, чтобы продемонстрировать, как сокращение размерности данных может привести к сокращению общего времени обработки данных и увеличению точности системы, реализованной для решения одной из задач распознавания образов.

Для выполнения цели исследования были использованы такие методы сокращения размерности, как метод главных компонент и стохастическое вложение соседей с t -распределением (t -distributed Stochastic Neighbor Embedding, t -SNE).

Метод главных компонент (Principal Component Analysis, PCA) [3] – это метод линейного уменьшения размерности, который работает путем встраивания данных с более высокой размерностью в подпространство с более низкой размерностью. Основная идея метода главных компонент состоит в том, чтобы выразить исходные данные в терминах нового набора некоординированных ортогональных базисных векторов, называемых главными компонентами. Эти компоненты на самом деле являются собственными векторами ковариационной матрицы исходных данных. После этого преобразования ковариация между каждой парой новых компонент становится равной нулю, то есть отделяется влияние одного признака на другие. Причина, по которой метод главных компонент можно использовать для сокращения размерности, заключается в том, что компоненты с более высоким рангом являются направлениями, в которых данные показывают наибольшую дисперсию. Можно было бы просто выбрать некоторые из наиболее важных компонент метода, ко-

торые достаточны для объяснения данных для обучения моделей.

Пусть x_1, x_2, \dots, x_n – исходный набор данных в D -мерном пространстве. Цель метода состоит в том, чтобы представить набор данных в подпространстве W , где $W < D$ [3]. y_i как линейная комбинация переменных с $i = 1 \dots n$ определена следующим образом:

$$y_i = A^T(x - m_x), \quad (1)$$

где $A = [\alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_p]$ – матрица со столбцами, имеющими собственные векторы ковариации исходных данных более высокой размерности, m_x – среднее значение исходного набора данных.

Более современные нелинейные методы пытаются сохранить локальные свойства наборов данных более «мягким» способом. В частности, метод SNE (Stochastic Neighborhood Embedding, рус. стохастическое вложение соседей) был разработан для сохранения идентичности соседства [4]. Для этого используется функция стоимости, которая способствует тому, чтобы распределения вероятностей точек, принадлежащих окрестностям других точек, были подобными в многомерном пространстве и в его вложении малой размерности. В первоначальной формулировке для измерения этого сходства использовалось расстояние Кульбака – Лейблера. Более подробно сначала оценивается вероятность того, что выборка x_j в многомерном пространстве выберет выборку x_i в качестве соседа:

$$p_{ji} = \frac{\exp\left(\frac{-\|x_i - x_j\|^2}{2\sigma_i^2}\right)}{\sum_{k \neq i} \exp\left(\frac{-\|x_i - x_k\|^2}{2\sigma_i^2}\right)}, \quad (2)$$

где σ_i – среднее стандартное отклонение с центром в x_i .

Точно так же моделируется вероятность того, что y_p аналог x_i в пространстве малой размерности, примет y_j в качестве соседа:

$$q_{ji} = \frac{\exp(-\|y_i - y_j\|^2)}{\sum_{k \neq i} \exp(-\|y_i - y_k\|^2)}. \quad (3)$$

Расположение точек y_i в пространстве малой размерности определяется минимизацией расстояния Кульбака – Лейблера распределения Q от распределения P :

$$KL(P \parallel Q) = \sum_{i \neq j} p_{ji} \log \frac{p_{ji}}{q_{ji}}. \quad (4)$$

t -SNE предлагает функцию стоимости, вдохновленную SNE, но использующую

t-распределение Стьюдента, а не распределение Гаусса, чтобы вычислить сходство между двумя точками в пространстве малой размерности. Это распределение значительно облегчает так называемую проблему «скупченности», наблюдаемую в SNE, когда удаленные выборки данных, например области с низкой плотностью между естественными кластерами, сближаются в пространстве малой размерности. Кроме того, t-SNE фактически использует симметричную версию SNE, в отличие от первоначальной формулировки, где p_{ji} не обязательно было равно p_{ij} . Минимизация функции стоимости выполняется с использованием метода градиентного спуска.

Метод t-SNE [3] хорош преимущественно тем, что он сохраняет метрику. Недостаток метода заключается в том, что, в отличие от PCA, он не является воспроизводимым, то есть его необходимо обучать заново для каждой новой выборки. Главным достоинством PCA является меньшая вычислительная сложность: $O(n^2m + n^3)$ по сравнению с $O(m^2n)$ для метода t-SNE, где m – число точек.

Результаты исследования и их обсуждение

Если выразить исходные данные в терминах собственных векторов, верхние компоненты будут полезны для различения различных классов. Оказывается, что компоненты более низкого ранга, которые выглядят как шумы, могут не предоставлять никакой полезной информации.

При приближении компоненты с более низким рангом также выглядят как шум.

Самые низкоранговые компоненты состоят в основном из пикселей по краям в исходном пространстве, от которых необходимо избавиться.

Можно использовать кросс-валидацию для определения количества используемых компонент. В рамках исследования между собой сравнивались пять различных классификаторов из библиотеки sklearn со всеми гиперпараметрами по умолчанию (логистическая регрессия, случайные леса, метод k-ближайших соседей, метод опорных векторов, нейронная сеть). Кроме того, использовалось отбеливание – это способ отбора компонент с наибольшим вкладом в дисперсию. Без отбеливания каждая точка данных имеет очень низкую величину и равномерное распределение в компоненте низкого ранга. То есть эта компонента может быть в основном шумом. Однако после отбеливания размеры вдоль этого направления были расширены.

На рис. 1 приводятся графики результатов для метода главных компонент с отбеливанием и без. Несколько интересных наблюдений:

1. Можно достичь примерно 97% точности, используя параметры по умолчанию для метода опорных векторов и нейронной сети.
2. Наилучшие показатели достигли максимума в 30–50 компонентах (за исключением логистической регрессии).
3. Использование слишком большого количества компонент приводит к более низким показателям (особенно низким для метода k-ближайших соседей).

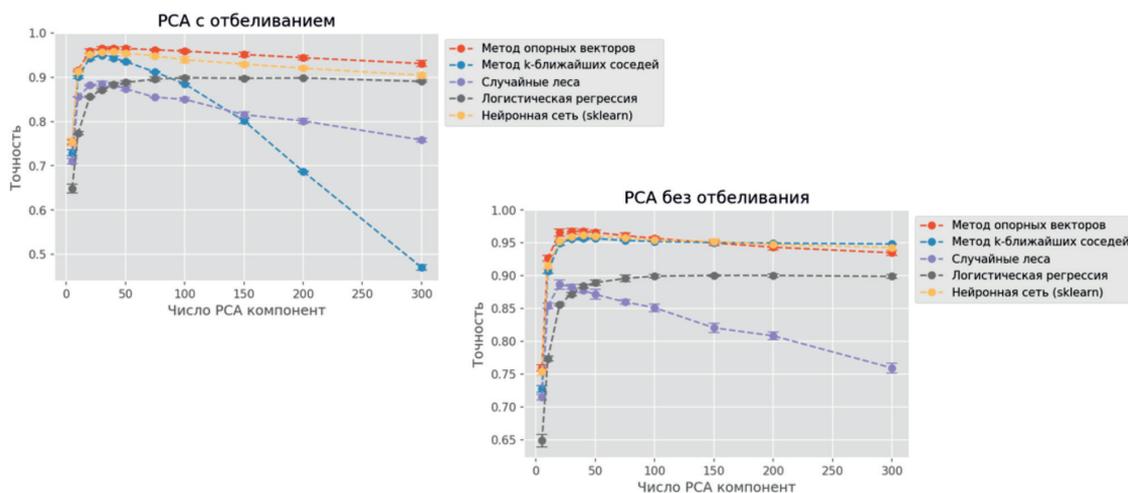


Рис. 1. Результаты точности классификации рукописных цифр с понижением размерности методом главных компонент с отбеливанием и без

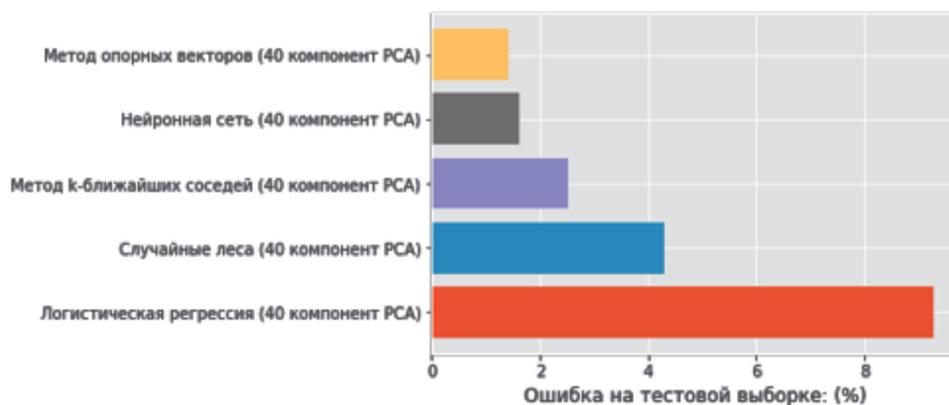


Рис. 2. Результаты ошибки классификации рукописных цифр для различных методов машинного обучения с 40 главными компонентами

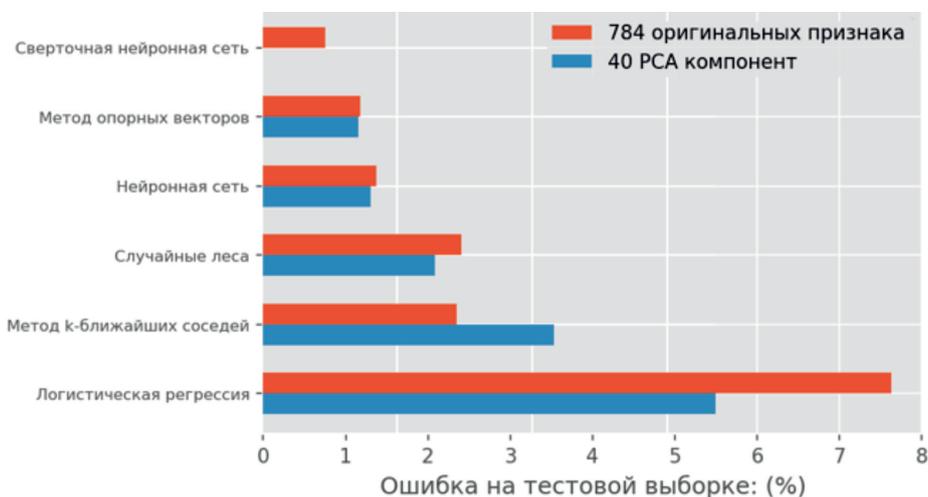


Рис. 3. Результаты ошибки классификации рукописных цифр для различных методов машинного обучения с 40 главными компонентами и 784 оригинальными признаками. Метод главных компонент демонстрирует преимущество в точности классификации

На рис. 2 приведены диаграммы результатов распознавания для рассматриваемой задачи. Полученные результаты демонстрируют преимущество методов сокращения размерности в задачах классификации. Имея только 40 главных компонент, можно получить процент ошибок, сопоставимый или даже меньший, чем тот, который был получен при использовании 784 оригинальных признаков. Лучшие результаты на 40 компонентах демонстрирует метод опорных векторов.

Для сравнения сюда могут быть также включены результаты сверточной нейронной сети, которая, как известно [5], является наиболее мощным методом классификации для распознавания изображений. Сверточные нейронные сети учитывают инфор-

мацию о связанных пикселях (в отличие от других методов, которые рассматривают каждый пиксель как отдельный признак) [6]. Поэтому, как правило, получается гораздо лучшая точность (из-за этого метод главных компонент не применяется к сверточным нейронным сетям). Результаты приведены на рис. 3.

Метод главных компонент часто используется в качестве процедуры предварительной обработки, чтобы уменьшить количество признаков перед выполнением t-SNE. Когда исходные данные встраиваются в двумерную карту t-SNE, то видно, что разные цифры могут быть достаточно хорошо разделены на разные кластеры. Это означает, что можно достичь высокой точности классификации для этого набора данных.

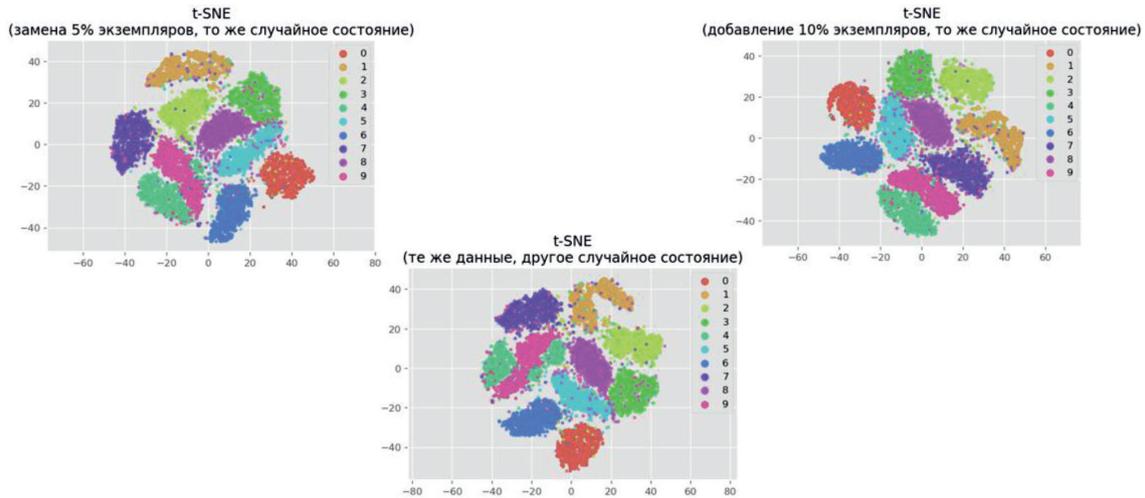


Рис. 4. Результаты экспериментов с недетерминированностью и числом признаков t-SNE

Следующие эксперименты (рис. 4) показывают, что можно получить очень разные карты, даже если более 90% данных совпадают:

- 1) заменив 5% экземпляров на новые в том же случайном состоянии;
- 2) используя те же данные, но с другим случайным состоянием в алгоритме;
- 3) добавив 10% новых экземпляров в том же случайном состоянии.

Метод t-SNE в основном используется для визуализации данных, а не для классификации. Хотя он может создавать красивые двумерные карты кластеризации, он часто нецелесообразен для прогнозирования новых входных данных по двум причинам:

1. Чтобы t-SNE работал, нужно одновременно подавать все данные в алгоритм.
2. Во время подготовки к обучению есть некоторая хаотичность. Даже если будут переданы одни и те же данные в один и тот же алгоритм, выходная карта может отличаться.

Поэтому, если требуется классифицировать новые входные данные, необходимо объединить их с предыдущим набором и заново обучить всю модель.

Что может сказать t-SNE, так это то, насколько отделимым является набор данных. В ситуации, когда удастся хорошо визуализировать данные с помощью t-SNE с низкой точностью классификации, необходимо повторно выбрать методы классификации / гиперпараметры и используемую обработку данных и попытаться найти потенциальное улучшение.

Заключение

Используя метод PCA, можно уменьшить количество признаков для обучения

некоторых моделей с 784 до 40 и достичь схожей или даже более высокой точности. Время выполнения для классификации значительно сокращается с помощью методов сокращения размерности.

Отбеливание после преобразования PCA не является необходимым для этого набора данных, и это может привести к снижению точности для метода k-ближайших соседей.

Получаемые тестовые ошибки сопоставимы с эталоном. Например, ошибка на тестовой выборке в 1,6% так же хороша, как и вероятность, которую можно получить для MNIST с методом опорных векторов. Чтобы получить еще более низкий уровень ошибок, требуется дополнительная обработка данных с устранением перекосов / искажений в сочетании с более сложными моделями.

В заключение стоит отметить, что сокращение размерности может быть очень полезным для задач классификации при стремлении к сокращению времени вычислений и увеличению точности. Точный метод и дополнительная обработка зависят от набора данных и задачи, и, конечно, от классификаторов. Нужно внимательно изучить характер данных и выбрать правильную комбинацию.

Список литературы

1. Бенгфорт Б. Прикладной анализ текстовых данных на Python. Машинное обучение и создание приложений обработки естественного языка СПб.: Питер, 2019. 368 с.
2. Каллан Р. Нейронные сети: Краткий справочник. М.: Вильямс И.Д., 2017. 288 с.
3. Андреас М. Введение в машинное обучение с помощью Python. Руководство для специалистов по работе с данными. М.: Альфа-книга, 2017. 487 с.
4. Маккинли, У. Python и анализ данных М.: ДМК, 2015. 482 с.
5. Хайкин С. Нейронные сети: полный курс М.: Диалектика, 2019. 1104 с.
6. Николенко С. Глубокое обучение СПб.: Питер, 2018. 480 с.